

प्रयोग क्रमांक - 05

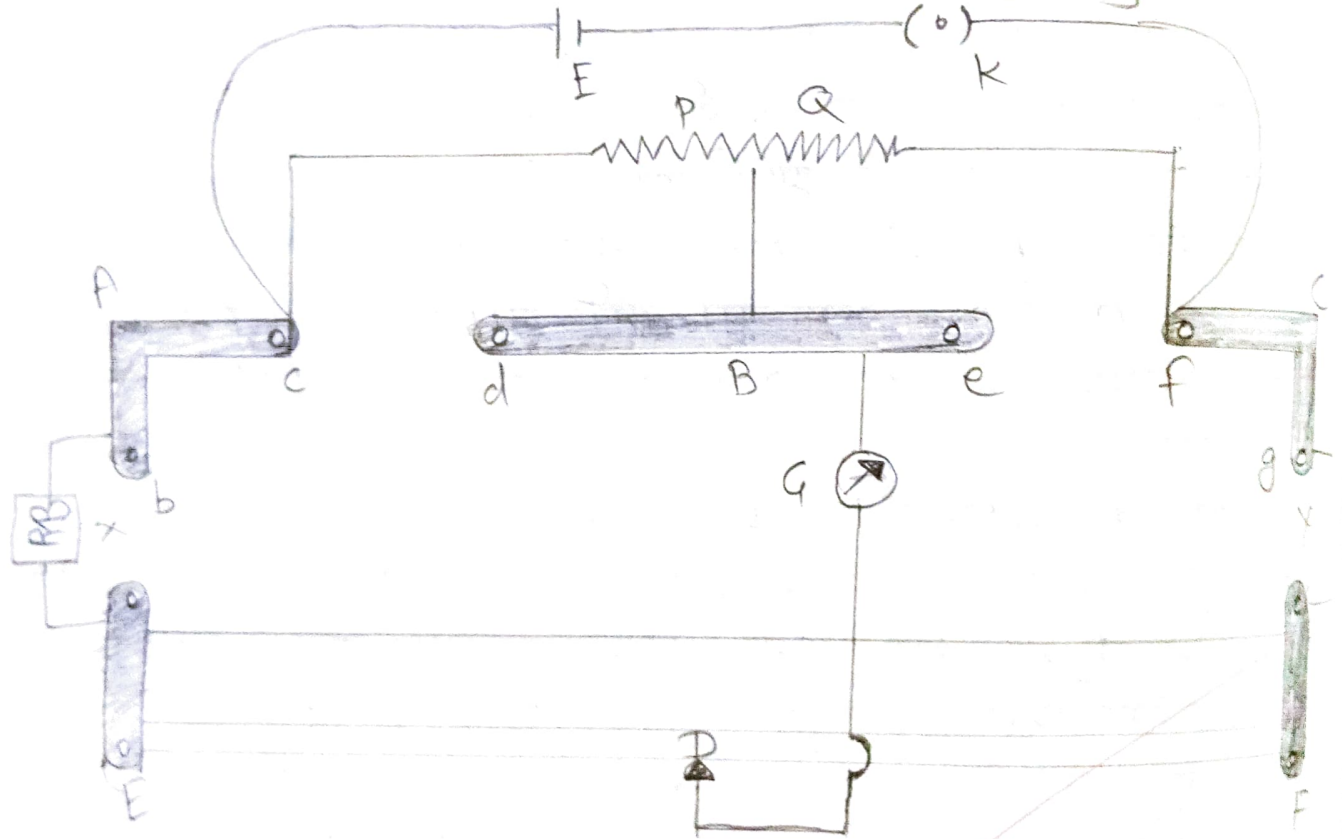
उद्देश्य :- केरी - फॉस्टर ब्रिज के तार का प्रति
एकॉक लंबाई प्रतिरोध ज्ञात करना तथा
उसकी सहायता से अल्प प्रतिरोध का मान ज्ञात
करना ।

आवश्यक उपकरण :- केरी - फॉस्टर ब्रिज दशमलव-
प्रतिरोध बॉक्स, लेकलांडी सेल
धारामापी, चस्मिती तांबे की मोटी पत्ती, लग कुंजी
लगभग 10 ओम का परिवर्ती प्रतिरोध, दिया गया
तार तथा संबंध तार ।

उपकरण का वर्णन :- चित्र में केरी - फॉस्टर ब्रिज
प्रदर्शित है जिससे एक मीटर
लंबा मैंगनिम या तनी कार्बोटेस्टन का एकसमान
अनुप्रस्थ परिच्छेद का तार EF तनी हुई अवस्था
में एक मीटर पैमाने के सहारे लगा रहता है।
इस तार के दोनों सिरों को पीतल की मोटी
पत्तियों से जोड़ दिया जाता है। इन दोनों पत्तियों के
अतिरिक्त एक अन्य लंबी पीतल की पत्ती 0.1 मीटर
स्केल के समांतर तथा L आकृति की दो पत्तियों
ए व C किनारों पर लगी रहती हैं। इन पत्तियों के
बीच में चार स्थानीय स्थान ab, cd, ef तथा gh होते हैं।
एक रिक्त स्थान ab में ज्ञात प्रतिरोध x, दूसरे रिक्त
स्थान cd में प्रतिरोध p, तीसरे रिक्त स्थान ef में

लेक्चरिंग सेल

प्लेट कुंजी

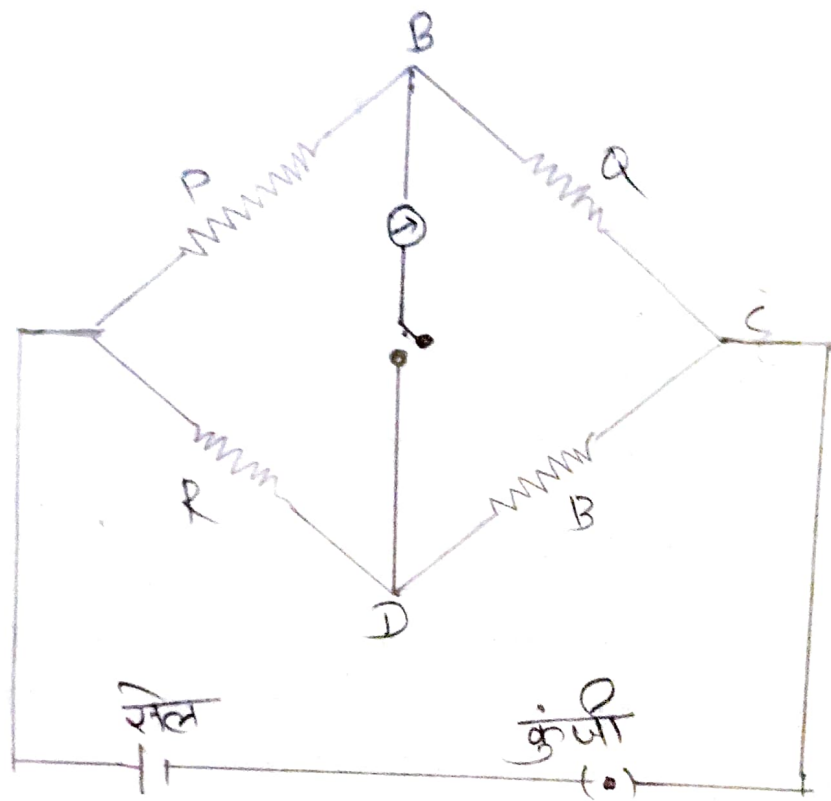


प्रतिरोध r तथा चौथे रिक्त स्थान g में अज्ञात प्रतिरोध p लगा देते हैं। A व D बिंदुओं के बीच सेव्यांशी सेल E व h का कुंजी K लगा देते हैं तथा B व C बिंदुओं के मध्य एक धारामपी G लगा देते हैं। बिंदु D पर एक स्पर्श कुंजी लगी रहती है जिसको तार EF पर इधर-उधर चलाया जा सकता है। इस कुंजी को जौकी कहते हैं। इसे दबाने पर ही बिंदु D का सर्वोच्च धारामपी से होता है, अन्यथा नहीं।

सिद्धांत $\rightarrow$ यह व्हीटस्टोन ब्रिज के सिद्धांत पर आधारित है चित्र में व्हीटस्टोन सेतु प्रदर्शित है। जब कुंजी K में h लगा लगे होने पर जौकी D का केरो-फोर-टर ब्रिज के ~~स्पर्श~~ तार पर दबाने से धारामपी में कोई विक्षेप नहीं आता है तो ब्रिज संतुलित अवस्था में कहा जाता है। तब बिंदु B व बिन्दु C व समान विभव पर होते हैं।

इस अवस्था में $\frac{p}{r} = \frac{A}{D}$ के बीच का प्रतिरोध $\frac{q}{s}$ के बीच का प्रतिरोध

यदि शून्य विक्षेप की अवस्था में ED तार की लंबाई l_1 सेमी. है तो DF तार की लंबाई $(100 - l_1)$ से होगी। माना तार का अनुप्रस्थ क्षेत्रफल सर्वत्र समान है तथा प्रति सेमी तार की लंबाई का प्रतिरोध p ओम/सेमी है तो ED तार का प्रतिरोध $= l_1 p$ तथा DF तार का प्रतिरोध $= (100 - l_1) p$



माना बायीं ओर की किनारे पर लम्बी पत्ती का प्रतिरोधक x तथा दायीं ओर की पत्ती का प्रतिरोधक β है।

$$\frac{P}{Q} = \frac{x + \alpha + l_1 P}{\gamma + \beta + (100 - l_1) P} \quad (1)$$

अब x व γ को आपस में बदलने पर यदि धारभाषी में शून्य विक्षेप की अवस्था में ED तार की लंबाई l_2 सेमी व DE तार की लंबाई $(100 - l_2)$ सेमी प्राप्त होती है तो

$$\frac{P}{Q} = \frac{\gamma + \alpha + l_2 P}{x + \beta + (100 - l_2) P} \quad (2)$$

समी. (1) व (2) से

$$\frac{x + \alpha + l_1 P}{\gamma + \beta + (100 - l_1) P} = \frac{\gamma + \alpha + l_2 P}{x + \beta + (100 - l_2) P}$$

दोनों ओर एक जोड़ने पर

$$\frac{x + \gamma + \alpha + \beta + 100P}{\gamma + \beta + (100 - l_1) P} = \frac{x + \gamma + \alpha + \beta + 100P}{x + \beta + (100 - l_2) P}$$

उपरोक्त समी. में दोनों ओर की राशियों के अंश बराबर हैं, अतः हर भी बराबर होंगे।

$$\therefore \gamma + \beta + (100 - l_1) P = x + \beta + (100 - l_2) P$$

$$\gamma = x - (l_2 - l_1) P$$

प्रेक्षण:-

① बिज के तार की रूकांक धँवाई का प्रतिरोध ज्ञात करने

क्र मां क	प्रतिरोध बॉक्स में लगाया गया प्रतिरोध $\times$ (ओम में)	शून्य विक्षेप की बॉक्स जुगा बायीं ओर के रिक्त स्थान में l_1 (सेमी में)	स्थिति जबकि है। दायीं ओर के रिक्त स्थान l_2 (सेमी में)	$(l_2 - l_1)$ सेमी में	$P = \frac{V}{I}$ ($l_2 - l_1$) (ओम/सेमी)
1	0.1	49.1	54		0.024
2	0.2	48.1	55.2		0.028
3	0.3	46.9	56.9		0.030
4	0.4	45.6	58.5		0.031
5	0.5	49.5	60.4		0.031

माध्यम $P = 0.0288$ ओम/सेमी 2

यदि $\gamma = 0$ तो केरी - फॉरस्टर ब्रिज के तार की एकल लंबाई का प्रतिरोध

$$P = \frac{x}{(l_2 - l_1)} \text{ ओम/सेमी.}$$

प्रयुक्त सूत्र :- ① ब्रिज के तार की एकल लंबाई का प्रतिरोध $P = \frac{x}{(l_2 - l_1)}$ ओम/सेमी जबकि

ब्रिज के बायीं ओर के रिक्त स्थान में ज्ञात प्रतिरोध x व दायीं ओर के ब्रिज रिक्त स्थान में शून्य प्रतिरोध लगा है। l_1 व l_2 क्रमशः x व γ की आपस में बदलने से पूर्व तथा बदलने के बाद बायीं ओर से नापी गई ब्रिज की संतुलन बिंदु की दूरी।

विधि :- प्रयोग को निम्न दो भागों में करते हैं :-

- (1) ब्रिज के तार की लंबाई का प्रतिरोध ज्ञात करने के लिए ① सर्वप्रथम चित्र में प्रदर्शित विद्युत परिपथ बनाते हैं जिसके लिए केरी - फॉरस्टर ब्रिज के बायीं ओर के रिक्त स्थान AB में दशमलव प्रतिरोध बॉक्स x तथा दायीं ओर के रिक्त स्थान gh में तांबे की पत्ती γ जोड़ते हैं। अब परिवर्ती प्रतिरोध के दोनों निचले सिरे क्रमशः A व C से जोड़ते हैं तथा उसका परिवर्ती सिरा B से जोड़ते हैं। तत्पश्चात् A व C सिरों के बीच लेकवांशी सेल E व लग कुंजी K जोड़ते हैं एवं B सिरे से धारामापी ϕ का एक सिरा जोड़कर उसके इससे

(2) दिये गए तार के प्रतिरोध के लिए: -

क्र. सं. क	प्रतिरोध बॉक्स में लगाया गया प्रतिरोध x (ओम में)	शून्य विक्षेप की स्थिति जबकि प्रतिरोध बॉक्स लगा है। बायीं ओर के स्क्रॉल स्थानों में l_1 (सेमी में)	दायां ओर के स्क्रॉल स्थानों में l_2 (सेमी में)	$(l_2 - l_1)$ सेमी में	$y = \frac{x \cdot l_2}{(l_2 - l_1)}$ ओम में
1.	0.1	61	45.1		0.545
2.	0.2	59.8	46.4		0.561
3.	0.3	58	48.4		0.546
4.	0.4	58.1	50.1		0.624
5.	0.5	56.7	51.8		0.647

माध्य $y = 0.5936$ ओम

- सिरे को लौकी D से जोड़ देते हैं।
- ② परिवर्ती प्रतिरोध के विस्पी सिरे को ठीक बीचों बीच समंजित करते हैं जिससे दोनों प्रतिरोध P व Q लगभग समान हो।
- ③ प्रतिरोध बॉक्स X में कुछ प्रतिरोध लगाकर लौकी D को ब्रिज के तार पर चलाकर ऐसी स्थिति में लाते हैं कि धारामापी Y में विक्षेप शून्य हो। ऐसी स्थिति में बायीं ओर से तार पर लौकी की दूरी l_1 नोट कर लेते हैं।
- ④ तत्पश्चात् प्रतिरोध बॉक्स X तथा तौबे की पत्ती Y को आपस में बदल देते हैं तथा प्रतिरोध बॉक्स में लगाये गये प्रतिरोध को बिना बदले धारामापी में पुनः शून्य विक्षेप प्राप्त करने के लिए ब्रिज के तार पर लौकी की स्थिति समंजित करते हैं। इस दशा में बायीं ओर से लौकी की दूरी l_2 नोट कर लेते हैं।
- ⑤ अब प्रतिरोध बॉक्स में लगाये गये प्रतिरोध X के लिये कि भिन्न-भिन्न मान रखकर प्रयोग को तीन-चार बार दोहराते हैं तथा प्रत्येक X के मान के संगत l_2 व l_1 के बीच मान नोट करते हैं।
- ⑥ अब सूत्र $P = \frac{X}{(l_2 - l_1)}$ से प्रत्येक प्रेक्षण के लिए P का गणना करके इसका माध्य मान ज्ञात कर लेते हैं।